Prof. Dr. Alfred Toth

Konzentrische diamondtheoretische Kreisfunktionen

1. In Toth (2025a) hatten wir das von Kaehr (2007) stammende Diamond-Modell zu einer Kreisfunktion ergänzt, indem wir auch die dem Heteromorphismus entsprechende Abbildung mit konstanten Objekten, aber konversen Pfeilen eingezeichnet hatten:

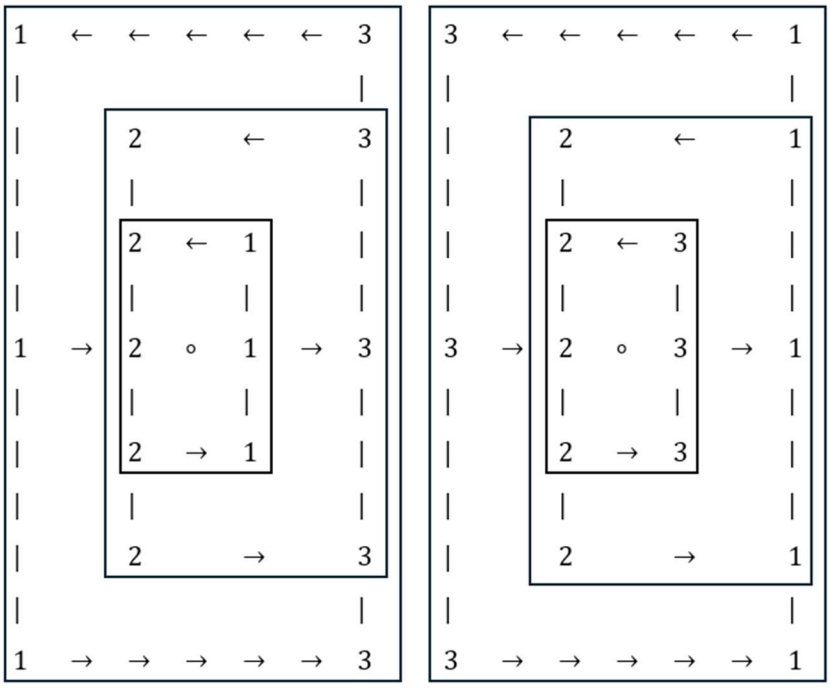
$$y \to \begin{array}{ccc} x & \leftarrow & y \\ | & & | \\ x & \circ & y \\ | & & | \\ x & \to & y \end{array} \to z \qquad z \to \begin{array}{ccc} y & \leftarrow & x \\ | & & | \\ y & \circ & x \\ | & & | \\ y & \to & x \end{array} \to y$$

2. Nun gibt es, wie in Toth (2025b) dargestellt, folgende 2 mal 4 Abbildungen, in ternären Relationen der Form R = (1, 2, 3), sofern man den Austausch nicht nur der Objekte, sondern auch der Pfeile zuläßt:

(1 → 2) (1 ← 2) (2 → 3) (2 ← 3)

(2 → 1) (2 ← 1) (3 → 2) (3 ← 2).

In der folgenden Darstellung sind nun in den zur semiosischen und retrosemiosischen Vollständigkeit ergänzten Diamond-Modellen (Toth 2025b) bislang fehlende Abbildungen eingetragen und zu konzentrischen Kreisfunktionen ergänzt worden.

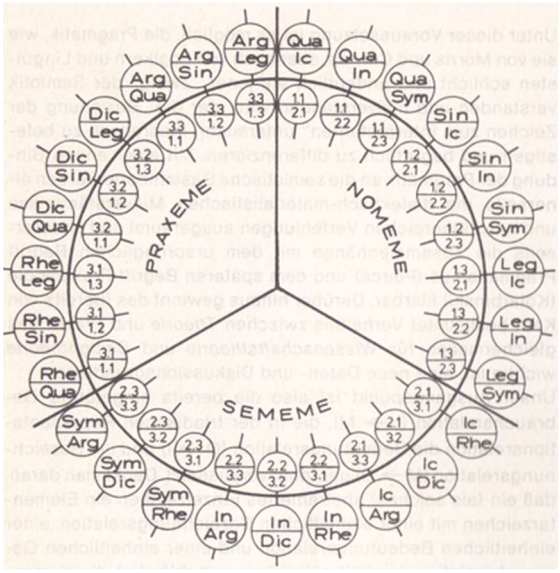


Semiosische	Retrosemiosische
$(1 \rightarrow 2)$	$(2 \rightarrow 1)$
$(2 \leftarrow 1)$	
$(2 \rightarrow 3)$	$(3 \rightarrow 2)$
$(2 \leftarrow 3)$	
$(1 \rightarrow 3)$	$(3 \rightarrow 1)$

Es fehlen also:

$(1 \leftarrow 2)$	—
—	$(3 \leftarrow 2)$
$(1 \leftarrow 3)$	$(3 \leftarrow 1)$

Es ist in der Tat unmöglich, diese fehlenden Abbildungen innerhalb eines Paares von Diamonds unterzubringen, d.h. wir stehen hier an einer Repräsentationsgrenze, bedingt durch die Struktur des Diamonds und d.h. des Tetralemmas. Dennoch sind Diamonds, was heteromorphismische Abbildungen betrifft, den klassischen, auf dem logischen Identitätssatz basierenden Darstellungen wie etwa dem von Bense (1975, S. 112) konstruierten „vollständigen triadisch-trichotomischen Zeichenkreis“,



in dem die Umkehrung der Pfeile bei konstanten Objekten ausgeschlossen ist, überlegen.

Literatur

Bense, Max, Semiotische Prozesse und Systeme. Baden-Baden 1975

Kaehr, Rudolf, The Book of Diamonds. Glasgow, U.K. 2007

Toth, Alfred, Diamondtheoretische Kreisfunktionen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025a

Toth, Alfred, Semiotisch vollständige Diamonds. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025b

15.5.2025